

## Crtanje dijagrama poprečnih sila ( $Q$ -dijagram) i momenata savijanja ( $M$ -dijagram):

Literatura: I. Alfirević: Nauka o čvrstoći I, Tehnička knjiga-Zagreb, 1989. Str. 75. do 87.

### Postupak:

1. Oslobođiti nosač veza, odnosno ucrtati nepoznate reakcije.
2. Odrediti reakcije iz statičkih uvjeta ravnoteže.
3. Ako je predznak izračunate reakcije negativan (znači da je prepostavljena suprotno od njenog stvarnog djelovanja) potrebno je okrenuti vektora reakcije na nosaču.

Odnos između poprečnog opterećenja  $q_z$ , poprečne sile  $Q_z$  i momenta savijanja  $M_y$ :

$$\frac{dQ_z}{dx} = -q_z, \quad \frac{dM_y}{dx} = Q_z$$

### Pravila za crtanje $Q$ i $M$ -dijagrama:

1. Na dijelu nosača gdje nema kontinuiranog opterećenja ( $q_z=0$ )  $Q$ -dijagram je konstantan, a  $M$ -dijagram se mijenja po zakonu pravca. Ako je  $Q_z$  pozitivan moment raste inače se smanjuje. Na dijelu nosača gdje djeluje koncentrirana sila (vanjska sila  $F_1, F_2, F_3, \dots$  ili reakcija  $R_A, R_B$ ) imamo skok za iznos te sile u  $Q$ -dijagramu, a dijagram  $M_y$  mijenja nagib pravca. Ako poprečna sila mijenja predznak, moment savijanja ima ekstremnu vrijednost.
2. Ako koncentrirana sila (vanjska sila  $F_1, F_2, F_3, \dots$  ili reakcija  $R_A, R_B$ ) djeluje na nosaču prema gore, ucrtava se u  $Q$ -dijagramu prema gore i obrnuto, ako djeluje prema dolje na nosaču, ucrtava se prema dolje u  $Q$ -dijagramu.
3. Na dijelu nosača na kojem je  $q = \text{konst.}$ ,  $Q_z$  se mijenja po zakonu pravca, a  $M_y$  po zakonu parabole 2. reda. Ako je  $q_z$  pozitivno, poprečna sila se smanjuje.
4. Kad se opterećenje mijenja po zakonu pravca  $Q_z$  se mijenja po zakonu parabole 2. reda, a  $M_y$  po zakonu parabole 3. reda.
5. U presjeku u kojem je  $Q_z = 0$ ,  $M_y$  ima ekstrem.
6. U presjeku u kojem djeluje koncentrirani moment  $M$  poprečna sila ostaje nepromijenjena. Momentni dijagram na tom mjestu ima skok za iznos  $M$ .
7. Ako u nekom presjeku djeluju istovremeno koncentrirana sila  $F$  i koncentrirani moment  $M$ , dijagram  $Q_z$  ima skok za iznos  $F$ , a dijagram  $M_y$  skok za iznos  $M$ . Ako pri tome  $Q_z$  mijenja predznak, dijagram  $M_y$  ima ekstrem.
8. Ako na dijelu nosača na kojem djeluje  $q_z = \text{konst.}$ , poprečna sila se smanjuje po zakonu pravca, a dijagram  $M_y$  po zakonu parabole 2. reda. Ako na tom dijelu nosača u nekom presjeku djeluje koncentrirana sila  $F$ , dijagram  $Q_z$  ima skok, a dijagram  $M_y$  ima lom tangente.
9. Ako na dijelu nosača na kojem djeluje  $q_z = \text{konst.}$  u nekom presjeku djeluje koncentrirani moment  $M$  dijagram poprečnih sila mijenja se kontinuirano. Dijagram  $M_y$  ima skok za iznos  $M$ . Tangente na dijagrame neposredno prije i poslije skoka su paralelne. Naime, poprečna sila  $Q_z = dM_y/dx$  nije se promijenila, pa se nije promijenio ni nagib tangente.

