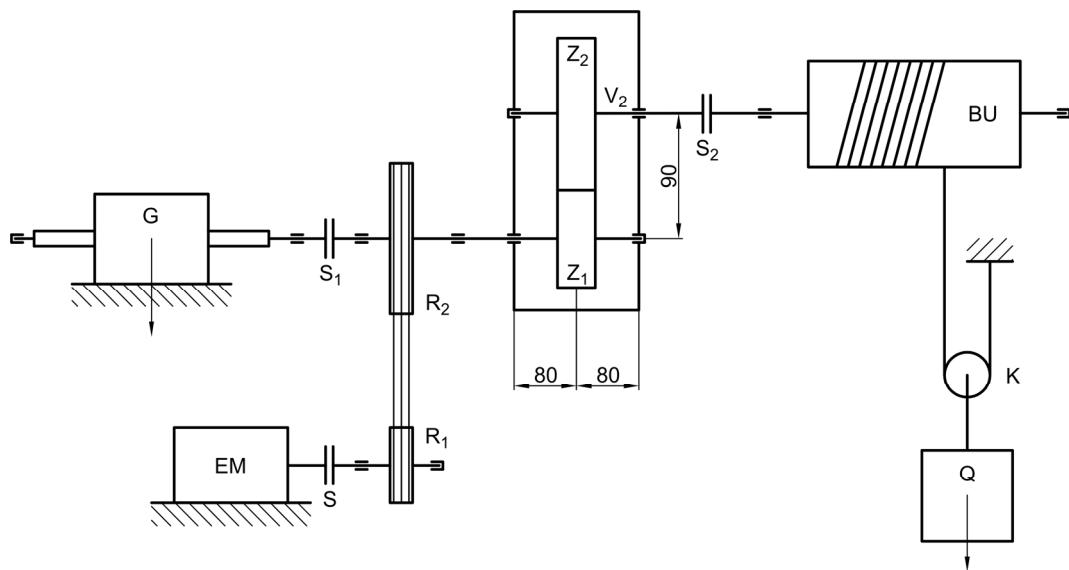


## ISPIT IZ ELEMENATA STROJAVA – Numerički dio

Elementi strojeva i Elementi konstrukcija



Uređaj prikazan na slici, pomoću elektromotora EM i spojke S, te preko remenskog prijenosnika s klinastim remenima  $R_1 - R_2$ , spojke  $S_1$  i trapeznog vretena kontinuirano pokreće teret G. U trenutku kad se spojka  $S_2$  uključi, uređaj osim pokretanja tereta G, diže i teret Q preko zupčanog prijenosnika  $Z_1 - Z_2$ , bubenja BU i kolture K. Faktor trenja između tereta G i podloge,  $\mu$  iznosi 0,25.

**ZADANO:**

Remenski prijenos $R_1 - R_2$ :	prijenosni omjer	$i_R = 3$
	ukupni korekcijski faktor	$C = 1,25$
	faktor korisnog učinka	$\eta_R = 0.96$

Zupčani prijenos $Z_1 - Z_2$ :	prijenosni omjer	$i_Z = 3,285$
	kut zahvatne crte	$\alpha = 20^\circ$
	faktor vanjskih dinamičkih opterećenja	$K_I = 1,25$
	broj zuba manjeg zupčanika	$z_1 = 14$
	faktor korisnog učinka	$\eta_Z = 0,98$

Vreteno:	navoj vretena	Tr36x6(P3)
	faktor trenja	$\mu_{Vr} = 0,08$

Klizač G:	težina	$G = 150000 \text{ N}$
	brzina	$v = 100 \frac{\text{mm}}{\text{s}}$

Teret Q:	težina tereta	$Q = 6000 \text{ N}$
----------	---------------	----------------------

Bubanj BU:                                                     promjer bubenja                                              $d_{BU} = 250 \text{ mm}$   
                                                                           trenje na bubenju i koloturi zanemariti

Faktor korisnog učinka:                                     spojke                                                              $\eta_S = 0,96$   
                                                                           ležaja (po ležaju)                                              $\eta_L = 0,99$

U zadatku treba izračunati odnosno odrediti sljedeće:

1. Potrebna snaga i brzina vrtnje elektromotora.
2. Za tako izračunatu snagu odrediti maksimalnu težinu tereta  $G$ , koju uređaj može pokretati, u slučaju da je isključena spojka  $S_2$ .
3. Broj klinastih remena, s tim da je promjer manje remenice izabran za remen oznake B 17x11.
4. Modul prijenosnika  $Z_1 - Z_2$ , te na osnovu njega izračunati dimenzije oba zupčanika.
5. Izometrijska skica opterećenja elemenata na vratilu  $V_2$  te skice opterećenja u horizontalnoj i vertikalnoj ravnini za slučaj dizanja tereta  $Q$ . Izračunati sve aktivne sile na tom vratilu kao i reaktivne sile u osloncima.

**Vrijeme izrade zadatka: 1sat i 45minuta**

Poznati podaci:

$$\begin{array}{lll}
 i_R = 3 & d = 36 \text{ mm} & v_G = 0,1 \text{ m/s} \\
 C_k = 1,25 & P = 3 \text{ mm} & Q = 6000 \text{ N} \\
 \eta_R = 0,96 & P_h = 6 \text{ mm} & d_{BU} = 0,25 \text{ m} \\
 \alpha = 20^\circ & d_2 = 34,5 \text{ mm} & \eta_S = 0,96 \\
 K_I = 1,25 & \mu_{vr} = 0,08 & \eta_L = 0,99 \\
 \lambda = 25 & \mu_p = 0,25 & \gamma_R = 34^\circ \\
 z_1 = 14 & \beta = 30^\circ & a = 0,09 \text{ m} \\
 \eta_Z = 0,98 & G = 150000 \text{ N} &
 \end{array}$$

RJEŠENJE:

1. Snaga i brzina vrtnje elektromotora

$$\begin{aligned}
 \varphi &= \operatorname{atg}\left(\frac{P_h}{d_2 \cdot \pi}\right) = \operatorname{atan}\left(\frac{6}{34,5 \cdot \pi}\right) = 3,17^\circ \\
 \rho' &= \operatorname{atg}\left(\frac{\mu_{vr}}{\cos\left(\frac{\beta}{2}\right)}\right) = \operatorname{atan}\left(\frac{0,08}{\cos\left(\frac{30^\circ}{2}\right)}\right) = 4,73^\circ \\
 \eta_{vr} &= \frac{\operatorname{tg}(\varphi)}{\operatorname{tg}(\varphi + \rho')} = \frac{\operatorname{tg}(3,17^\circ)}{\operatorname{tg}(3,17^\circ + 4,73^\circ)} = 0,399
 \end{aligned}$$

$$n_{vr} = \frac{v_G}{P_h} = \frac{100}{6} = 16,66 \text{ s}^{-1}$$

$$F_t = G \cdot \mu_p = 150000 \cdot 0,25 = 37500 \text{ N}$$

$$P_G = F_t \cdot v_G = 37500 \cdot 0,1 = 3750 \text{ W}$$

Brzina dizanja tereta

$$\begin{aligned}
 n_{BU} &= \frac{n_{vr}}{i_Z} = \frac{16,66}{3,285} = 5,07 \text{ s}^{-1} \\
 v_Q &= \frac{d_{BU} \cdot \pi \cdot n_{BU}}{2} = \frac{0,25 \cdot \pi \cdot 5,07}{2} = 1,99
 \end{aligned}$$

Snaga dizanja tereta Q

$$P_Q = Q \cdot v_Q = 6000 \cdot 1,99 = 11954 \text{ W}$$

Snaga elektromotora uslijed tereta G

$$P_{GEM} = \frac{P_G}{\eta_{vr} \cdot \eta_L^6 \cdot \eta_R \cdot \eta_S^2} = \frac{3750}{0,399 \cdot 0,99^2 \cdot 0,96 \cdot 0,96^2} = 11289 \text{ W}$$

Snaga elektromotora uslijed tereta Q

$$P_{QEM} = \frac{P_Q}{\eta_L^{10} \cdot \eta_S^2 \cdot \eta_R \cdot \eta_Z} = \frac{11954}{0,99^{10} \cdot 0,96^2 \cdot 0,96 \cdot 0,98} = 15245 \text{ W}$$

Ukupna snaga elektromotora

$$P_{EM} = P_{GEM} + P_{QEM} = 11289 + 15245 = 26534 \text{ W}$$

Brzina vrtnje elektromotora

$$n_{EM} = n_{vr} \cdot i_R = 16,66 \cdot 3 = 50 \text{ s}^{-1}$$

2. Maksimalna težina tereta kojega uređaj može podići u slučaju da je isključena spojka S<sub>2</sub>

$$G_{\max} = \frac{P_{EM} \cdot (\eta_{vr} \cdot \eta_L^6 \cdot \eta_R \cdot \eta_S^2)}{\nu_G \cdot \mu_p} = \frac{26534 \cdot (0,399 \cdot 0,99^2 \cdot 0,96 \cdot 0,96^2)}{0,1 \cdot 0,25} = 352562 \text{ N}$$

3. Broj klinastih remena za remen B17x11

$$d_{\min} = 125 \text{ mm} \quad (\text{za remen tipa B})$$

$$\nu_{rem} = d_{\min} \cdot \pi \cdot n_{EM} = 0,125 \cdot \pi \cdot 50 = 19,63 \text{ m/s}$$

$$P_1 = 3450 \text{ W}$$

$$z = \frac{P_{EM} \cdot C_k}{P_1} = \frac{26534 \cdot 1,25}{3475} = 9,55$$

$$z = 10 \text{ (odabrano)}$$

4. Modul i dimenzije zupčanika

$$z_2 = i_Z \cdot z_1 = 3,285 \cdot 14 = 46$$

$$m = \frac{2 \cdot a}{z_1 + z_2} = \frac{2 \cdot 90}{14 + 46} = 3 \text{ mm}$$

$$d_1 = m \cdot z_1 = 3 \cdot 14 = 42 \text{ mm}$$

$$d_2 = m \cdot z_2 = 3 \cdot 46 = 138 \text{ mm}$$

$$d_{f1} = d_1 - 2,5 \cdot m = 42 - 2,5 \cdot 3 = 34,5 \text{ mm}$$

$$d_{f2} = d_2 - 2,5 \cdot m = 138 - 2,5 \cdot 3 = 130,5 \text{ mm}$$

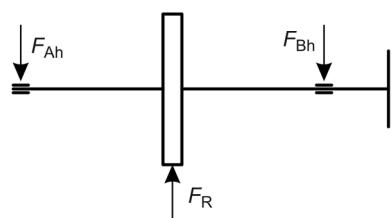
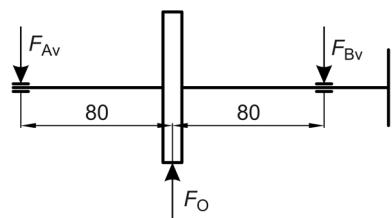
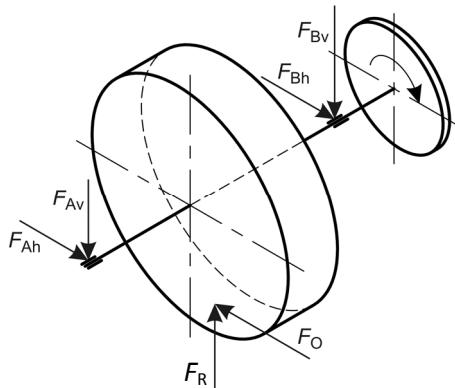
$$d_{a1} = d_1 + 2 \cdot m = 42 + 2 \cdot 3 = 48 \text{ mm}$$

$$d_{a2} = d_2 + 2 \cdot m = 138 + 2 \cdot 3 = 144 \text{ mm}$$

$$d_{b1} = d_1 \cdot \cos(\alpha) = 42 \cdot \cos(20^\circ) = 39,5 \text{ mm}$$

$$d_{b2} = d_2 \cdot \cos(\alpha) = 138 \cdot \cos(20^\circ) = 129,7 \text{ mm}$$

5. Skica opterećenja na vratilu  $V_2$  sa izračunom svih aktivnih i reaktivnih sile



$$F_{BU} = \frac{Q}{2} = \frac{6000}{2} = 3000 \text{ N}$$

$$T_{BU} = F_{BU} \cdot \frac{d_{BU}}{2} = 3000 \cdot \frac{0,25}{2} = 375 \text{ Nm}$$

$$T_z = \frac{T_{BU}}{\eta_s \cdot \eta_L^4} = \frac{375}{0,96 \cdot 0,99^4} = 406,7 \text{ Nm}$$

$$F_o = \frac{T_z}{d_2} = \frac{406,7}{0,138} = 2947 \text{ N}$$

$$F_R = F_o \cdot \tan(\alpha) = 2946,7 \cdot \tan(20^\circ) = 1072 \text{ N}$$

Sa slike se može vidjeti da je zupčanik  $Z_2$  točno na sredini vratila, pa su reaktivne sile polovice aktivnih sile

$$F_{Ah} = \frac{F_o}{2} = \frac{2947}{2} = 1474 \text{ N}$$

$$F_{Bh} = F_{Ah} = 1474 \text{ N}$$

$$F_{Av} = \frac{F_R}{2} = \frac{1072}{2} = 536 \text{ N}$$

$$F_{Bv} = F_{Av} = 536 \text{ N}$$